

1. 平面曲線

1.1. 曲線のパラメータ表示. 局所的な滑らかさと曲線の定義、接ベクトルと接線、一次微分形式の線積分、パラメータのとりかえ、楕円、双曲線のパラメータ表示

1.2. 例と弧長、曲率. 局座標表示、レムニスケート、サイクロイド弧長、弧長パラメータ、ガウス写像、曲率

2. 陰関数の定理と条件つき最大最小

2.1. 陰関数の定理. 陰関数の定理と証明、パラメータ表示への応用

2.2. 関数と勾配. 関数の等高線、勾配、臨界点、非臨界点での等高線の接線、非退化臨界点の分類、

2.3. 条件付最大と最小. ラグランジュの未定乗数法、その幾何学的意味

3. 積分公式

3.1. 二重積分の変換公式. 変換公式の証明、曲座標表示への変換微分形式と座標変換、平面の1次微分形式、2次微分形式、外積、外微分の計算

3.2. グリーンの定理、第一歩. グリーンの定理とその証明、二つのグラフで囲まれる場合

3.3. 微分形式の積分. 平面の鎖、1次の鎖、2次の鎖、鎖の境界、鎖の上の積分

3.4. 外微分と境界作用素を用いたグリーンの定理. 鎖に関する微分形式の積分とグリーンの定理

3.5. 閉形式とポテンシャル.